

Linjära funktioner

$$f(x) = kx + m$$

$$k = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$f(x) = y$$

k : lutning / förändring

m : skärning i y / startvärde

Ex) Det finns två taxiföretag i Jönköping

Taxi A: $f(x) = 50x + 100$ där $f(x)$ är kostnad och x km

Taxi B: $g(x) = 75x + 25$ där $g(x)$ är kostnad och x km

a) Bestäm och tolka $f(2)$

b) Bestäm och tolka $f(x) = g(x)$

c) Bestäm och tolka $f(x) > g(x)$

d) Bestäm definitionsmängden och värdemängden för $g(x)$

a) $f(2) = 50 \cdot 2 + 100 = 200$

Det kostar 200 kr att åka 2 km

b) $f(x) = g(x) \Rightarrow 50x + 100 = 75x + 25$
 $25x = 75$

Efter 3 km $x = 3$

är priserna exakt samma

d) Definitionsmängd: $x \geq 0$

När x är mindre än 3 är Taxi A dyrare än Taxi B

Värdemängd: $y \geq 25$, $f(x) \geq 25$

Ex) Vi definierar $f(x) = 3x + 1$, $g(x) = -2x - 3$

Bestäm $g(f(x))$

$$\begin{aligned} g(f(x)) &= g(3x + 1) = -2(3x + 1) - 3 \\ &= -6x - 2 - 3 \\ &= -6x - 5 \end{aligned}$$